



Rappresentazione dell'informazione

Rappresentazione dell'informazione



- Il calcolatore elettronico è costituito da dispositivi (transistor) in grado di assumere due soli valori: acceso e spento.
- Le informazioni sono rappresentate mediante due simboli: { 0 , 1 } detti bit
- *Come rappresentare i numeri e i caratteri nel calcolatore ?*

Mediante sequenze di bit: 01001101011

byte = 8 bit

word = n byte, $n \geq 2$

es. word da 2 byte (16 bit), 4 byte (32 bit) , 8 byte (64 bit)

Rappresentazione dell'informazione

- Con N bit sono rappresentabili fino a 2^N simboli

con N=2 abbiamo $2^2=4$ simboli
00, 01, 10, 11

con N=3 $2^3=8$ simboli
000, 001, 010, 011,
100, 101, 110, 111

Multipli di bit :

1 kilo(K) = 2^{10} , 1 mega(M) = 2^{20} , 1 giga(G) = 2^{30} ,
1 tera (T) = 2^{40} , 1 peta (P) = 2^{50} , 1 exa (E) = 2^{60}

Rappresentazione dell'informazione

Per rappresentare M simboli sono necessari:

$$N \geq \log_2 M$$

Esempi:

$$M=16=2^4 \quad N = \log_2 16=4$$

$$M=256=2^8 \quad N = \log_2 256=8$$

$$M=1024=2^{10} \quad N = \log_2 1024=10$$

Sia $m = \log_2 M$

Se $N = m$ la codifica si dice **IRRIDONDANTE**

Se $N > m$ la codifica si dice **RIDONDANTE**

Rappresentazione posizionale dei numeri

Si fa riferimento a una base b

Valori possibili: $0, 1, \dots, b-1$.

$$D_b: c_{n-1}c_{n-2}\dots c_1c_0 c_{-1}c_{-2}\dots c_{-m}$$

c_i appartiene all'insieme $\{0, 1, \dots, b-1\}$

$$D = c_{n-1} \cdot (b)^{n-1} + c_{n-2} \cdot (b)^{n-2} + \dots + c_1 \cdot (b)^1 + c_0 \cdot (b)^0 + \\ + c_{-1} \cdot (b)^{-1} + c_{-2} \cdot (b)^{-2} + \dots + c_{-m} \cdot (b)^{-m}$$

Rappresentazione decimale

$b=10$, $c_i \in \{0, 1, \dots, 9\}$

$$(5209)_{10} = 5 \cdot (10)^3 + 2 \cdot (10)^2 + 0 \cdot (10)^1 + 9 \cdot (10)^0$$

$$(345,87)_{10} = 3 \cdot (10)^2 + 4 \cdot (10)^1 + 5 \cdot (10)^0 + 8 \cdot (10)^{-1} \\ + 7 \cdot (10)^{-2}$$

Rappresentazione binaria

$$b=2, c_i \in \{0,1\}$$

$$(10110)_2 = 1 \cdot (2)^4 + 0 \cdot (2)^3 + 1 \cdot (2)^2 + 1 \cdot (2)^1 + 0 \cdot (2)^0$$

$$(101)_2 = 1 \cdot (2)^2 + 0 \cdot (2)^1 + 1 \cdot (2)^0$$

Rappresentazione in esadecimale

$$b=16, c_i \in \{0,1, \dots, 9, A, B, C, D, E, F\}$$

$$\begin{aligned}(1E7A)_{16} &= 1 \cdot (16)^3 + 14 \cdot (16)^2 + 7 \cdot (16)^1 + 10 \cdot (16)^0 = \\ &= 1 \cdot 4096 + 14 \cdot 256 + 7 \cdot 16 + 10 = \\ &= 4096 + 3584 + 112 + 10 = 7802_{10}\end{aligned}$$

Conversione da binario a esadecimale

- Un numero esadecimale è rappresentato con 4 bit
- Si divide la sequenza di bit in gruppi di 4 bit e si fa la conversione dei 4 bit nel numero esadecimale corrispondente

$$1101100_2 = 6C_{16} \quad \text{poichè}$$

$$0110_2 = 6_{10} = 6_{16}$$

$$1100_2 = 12_{10} = C_{16}$$

Fondamenti di Informatica

Conversione da decimale a binario

- Per la parte intera:
 - ✓ Si procede per divisioni successive per due.
 - ✓ Le divisioni hanno termine quando il quoziente è nullo.
 - ✓ Il resto della i-esima divisione costituisce l'i-esimo bit a partire da destra.

$$\begin{array}{r} 19 \mid_2 \quad 1 \\ 9 \mid_2 \quad 1 \\ 4 \mid_2 \quad 0 \\ 2 \mid_2 \quad 0 \\ 1 \mid_2 \quad 1 \\ 0 \end{array}$$

$(19)_{10} = (10011)_2$

$$\begin{array}{r} 13 \mid_2 \quad 1 \\ 6 \mid_2 \quad 0 \\ 3 \mid_2 \quad 1 \\ 1 \mid_2 \quad 1 \\ 0 \end{array}$$

$(13)_{10} = (01101)_2$

Conversione da decimale a binario

Per la parte decimale si procede per prodotti per due.

La parte intera del i-esimo prodotto è il bit i-esimo a partire da sinistra.

Si prosegue con il prodotto dopo avere sottratto la parte intera.

Il procedimento ha termine quando il prodotto vale 1 o non appena è stata raggiunta la precisione desiderata.

Esempio:	$(0,225)_{10} = 0,001110_2$	$(0,75)_{10} = 0,11_2$
$0,225 * 2 = 0,450$	0	$0,75 * 2 = 1,5$ 1
$0,450 * 2 = 0,9$	0	$0,50 * 2 = 1,0$ 1
$0,900 * 2 = 1,8$	1	
$0,800 * 2 = 1,6$	1	
$0,600 * 2 = 1,2$	1	
$0,200 * 2 = 0,4$	0	

Rappresentazione dei numeri positivi

I numeri sono rappresentati in base 2

Con N bit i numeri interi positivi rappresentabili sono

$$0, 1, \dots, 2^N - 1$$

N=num. di bit	Valori possibili	Num.max $(2^N - 1)$
1	{0,1}	2-1=1
2	{0,1,2,3}	4-1=3
3	{0,1,...,6,7}	8-1=7
4	{0,1,...,14,15}	16-1=15
5	{0,1,...,30,31}	32-1=31
..
7	{0,1,..,126,127}	128-1=127
..

Rappresentazione in modulo e segno

- Il bit più significativo indica il segno
- Es.

$$+5_{10} \rightarrow \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{1}$$

$$-5_{10} \rightarrow \boxed{1} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{1}$$

Esistono due rappresentazioni dello zero:

$$+0 \rightarrow \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0}$$

$$-0_{10} \rightarrow \boxed{1} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0}$$

Rappresentazione in complemento a 2

I numeri positivi sono rappresentati dal loro modulo e segno zero.

I numeri negativi sono rappresentati dal complemento a 2 del corrispondente numero positivo.

$$\text{Rappr. (X)} = \begin{cases} |X| & \text{se } 0 \leq |X| < 2^{N-1} \\ 2^N - |X| & \text{se } -2^{N-1} \leq |X| < 0 \end{cases}$$

dove N è il numero di bit usati per la rappresentazione dei numeri.

$$\begin{aligned} \text{Poiché } 2^N &= (2^{N-1}) + 1 \\ 2^N - |X| &= \{(2^{N-1}) - |X|\} + 1 \end{aligned}$$

Rappresentazione in complemento a 2

Calcolare $\{(2^N-1)-|X|\}$ equivale a invertire ogni bit di $|X|$

Es. $N=7, |X|=11$

$$\begin{array}{cccccccc}
 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 2^7-1 \\
 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 11 \\
 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & (2^7-1)-11
 \end{array}$$

Il complemento a 2 di un numero si ottiene invertendo i bit del corrispondente intero positivo (complemento a 1) e aggiungendo 1.

Con N bit si possono rappresentarsi i numeri da -2^{N-1} a $2^{N-1}-1$

Es. $N=8 \rightarrow$ da $-2^{(8-1)}=-128$ a $2^{(8-1)}-1=127$

Rappresentazione in complemento a 2

Esempi.

$$+5 \rightarrow \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{1}$$

$$\begin{array}{l}
 \{2^8-1-|5|\} + \\
 1 = \boxed{1} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{0} + \\
 \text{Rappr.}(-5) \quad \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{1} = \\
 \boxed{1} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{1}
 \end{array}$$

$$+19 \rightarrow \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{1}$$

$$\begin{array}{l}
 \{2^8-1-|19|\} + \\
 1 = \boxed{1} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{0} + \\
 \text{Rappr.}(-19) \quad \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{1} = \\
 \boxed{1} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{1} \boxed{1} \boxed{0} \boxed{1}
 \end{array}$$

Rappresentazione in virgola fissa

Uso m bit e n bit per parte intera e frazionaria

Esempio ($m=8, n=6$, tot. 14 bit): $-123,21_{10}$

$$-123_{10} = 10000101_2$$

$$0,21_{10} \approx 001101_2$$

$$-123,21_{10} \approx 10000101,001101_2$$

Rappresentazione in virgola mobile

Numero = $\pm M \times 2^E$

$M=1.xxxxxxx$ (Mantissa);

$E = e+k$ è l'esponente;

Es. $k = -127$ $0 \leq e \leq 255$

	Segno (1 bit)	Esponente (8 bit)	Mantissa (23 bit)	
Singola precisione	0	1	8	9
				31

	Segno (1 bit)	Esponente (11 bit)	Mantissa (52 bit)	
Doppia precisione	0	1	11	12
				63

Rappresentazione in virgola mobile

Es.1

$$+1101.01_2 = +1.10101 \cdot 2^{011}$$

$$M=1.10101 \quad E=011=3=130-127 \quad e=130_{10}$$

Rappresentazione dei caratteri

- lettere, cifre numeriche;
- simboli speciali, (parentesi, simboli operazionali, segni di interpunzione)

C1	C2	C3	C4	..	CN
↓	↓	↓	↓		↓
S1	S2	S3	S4	..	SN

Codici a 8 bit:

Ciascun simbolo S_i è rappresentato mediante una sequenza di 8 bit

$N=2^8=256$ SIMBOLI RAPPRESENTABILI

- ASCII (**A**merican **S**tandard **C**ode for **I**nformation **I**nterchange)
- EBCDIC (**E**xtended **B**inary **C**oded **D**ecimal **I**nterchange **C**ode)

Esempio di codice ASCII

<i>Valore decimale</i>	<i>Valore binario</i>	<i>Carattere</i>
	76543210	
42	00101010	*
43	00101011	+
44	00101100	,
45	00101101	-
48	00110000	0
57	00111001	9
65	01000001	A
..		..
90	01011010	Z
97	01100001	a
..		..
122	01111011	z

Esempio di codice ASCII

Codifichiamo

$$A=(B+C)*2$$

A →65₁₀= 01000001
= →61₁₀= 00111101
(→40₁₀= 00101000
B →66₁₀= 01000010
+ →43₁₀= 00101011
C →67₁₀= 01000010
) →41₁₀= 00101001
* →42₁₀= 00101010